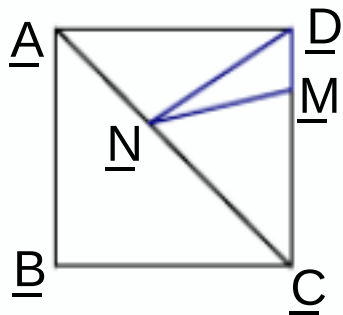


“浙教版初一数学图形与变换”练习

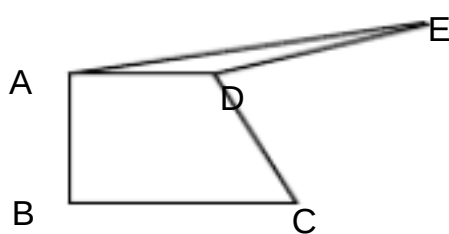
1. 请仔细观察下列轴对称图形的构成，然后在横线上画出恰当的图形．



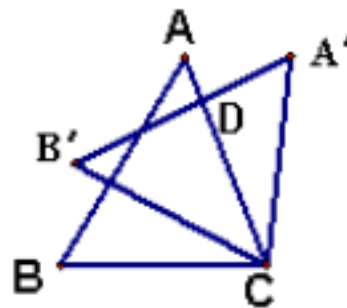
2. 如图，正方形 $ABCD$ 的边长为 8, M 在 DC 上, 且 $DM=2$, N 是对角线上的一动点，则 $DN+MN$ 的最小值为 _____



(第 2 题图)



(第 3 题图)



(第 4 题图)

3. 如图，已知梯形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$ ， $\angle B = 90^\circ$ ， $AD = 3$ ， $BC = 5$ ， $AB = 1$ ，把线段 CD 绕点 D 逆时针旋转 90° 到 DE 位置，连结 AE ，则 AE 的长为 _____.

4. 如图，把 $\triangle ABC$ 绕点 C 顺时针旋转 35° ，得到 $\triangle A'B'C$ ， $A'B'$ 交 AC 于点 D ，若

$\angle A'DC = 90^\circ$ ，则 $\angle A$ 度数为 ()

A. 45° B. 55° C. 65° D. 75°

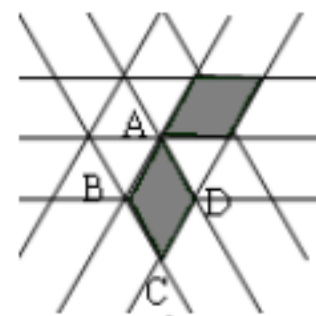
5. 上右图是万花筒的一个图案，图中所有小三角形均是全等三角形，其中把菱形 $ABCD$ 以 A 为中心旋转多少度后可得图中另一阴影的菱形 ()

A. 顺时针旋转 60°

B. 顺时针旋转 120°

C. 逆时针旋转 60°

D. 逆时针旋转 120°



6. 已知：如图， $E(-4, 2)$ ， $F(-1, -1)$ ，以 O 为位似中心，

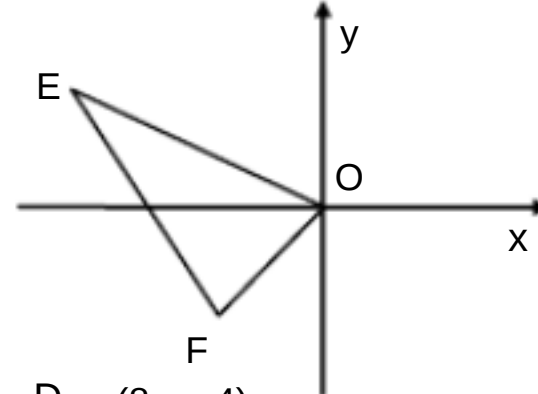
按比例尺 $1:2$ ，把 $\triangle EFO$ 缩小，则点 E 的对应点 E' 的坐标为 ()

A. $(2, -1)$ 或 $(-2, 1)$

B. $(8, -4)$ 或 $(-8, 4)$

C. $(2, -1)$

D. $(8, -4)$



7. 如图，方格纸中的每个小方格都是边长为 1 个单位的正方形，在建立平面直角坐标系后， $\triangle ABC$ 的顶点均在格点上，点 B 的坐标为 $(1, 0)$

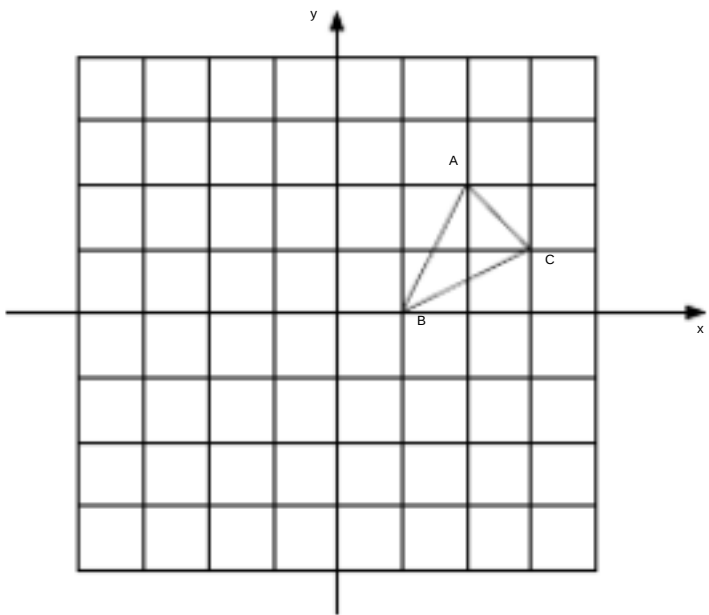
画出 $\triangle ABC$ 关于 x 轴对称的 $\triangle A_1B_1C_1$ ，

画出将 $\triangle ABC$ 绕原点 O 按逆时针旋转 90° 所得的 $\triangle A_2B_2C_2$ ，

$\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle A_2B_2C_2$ 成轴对称图形吗？若成轴对称图形，画出所有的对称轴；

$\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle A_2B_2C_2$ 成中心对称图形吗？若成中心对称图形，写出所有的对称中心

的坐标 .



8. 在平面内，先将一个多边形以点 O 为位似中心放大或缩小，使所得多边形与原多边形对应线段的比为 k ，并且原多边形上的任一点 P ，它的对应点 P' 在线段 OP 或其延长线上；接着将所得多边形以点 O 为旋转中心，逆时针旋转一个角度 θ ，这种经过和旋转的图形变换叫做旋转相似变换，记为 $O(k, \theta)$ ，其中点 O 叫做旋转相似中心， k 叫做相似比， θ 叫做旋转角 .

(1) 填空：

如图 1 ,将 $\triangle ABC$ 以点 A 为旋转相似中心，放大为原来的 2 倍 ,再逆时针旋转 60° ，得到 $\triangle ADE$ ，这个旋转相似变换记为 $A(\rule{1cm}{0.4pt}, \rule{1cm}{0.4pt})$ ；

如图 2， $\triangle ABC$ 是边长为 1cm 的等边三角形，将它作旋转相似变换 $A(\sqrt{3}, 90^\circ)$ ，得到 $\triangle ADE$ ，则线段 BD 的长为 $\rule{2cm}{0.4pt}$ cm ；

(2) 如图 3，分别以锐角三角形 ABC 的三边 AB ， BC ， CA 为边向外作正方形 $ADEB$ ， $BFGC$ ， $CHIA$ ，点 O_1, O_2, O_3 分别是这三个正方形的对角线交点，试分别利用 AO_1O_2 与 ABI ， CIB 与 CAO_2 之间的关系，运用旋转相似变换的知识说明线段 O_1O_2 与 AO_2 之间的关系 .

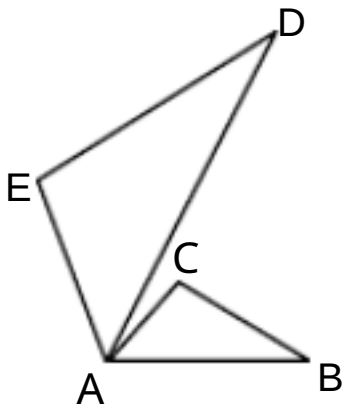


图 1

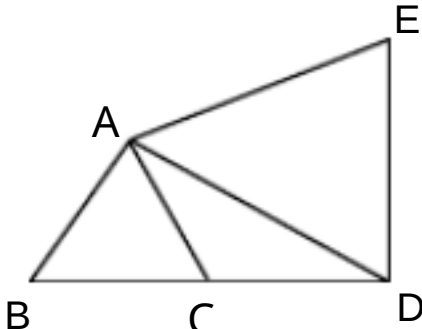


图 2

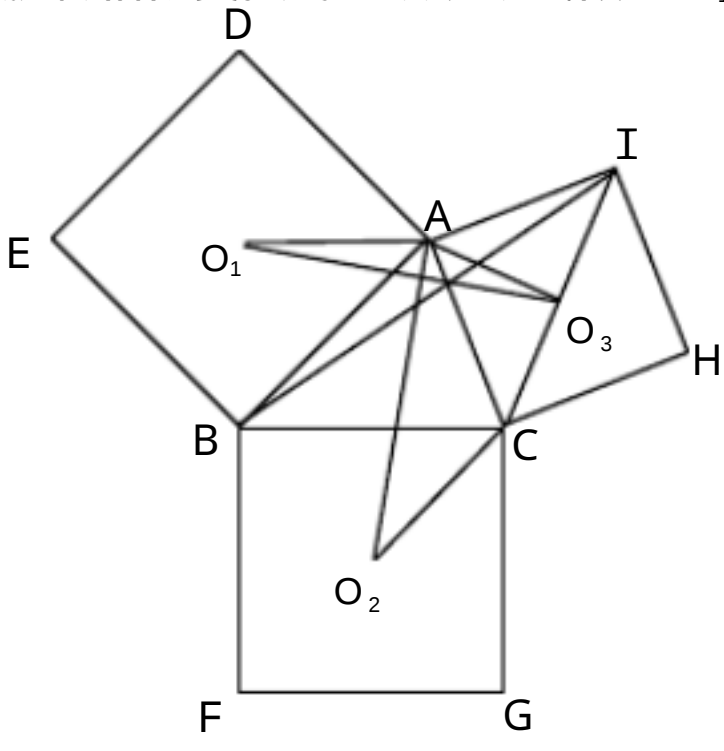


图 3

9. 如图 1，一副直角三角板满足 $AB=BC$, $AC=DE$, $\angle ABC=\angle DEF=90^\circ$, $\angle EDF=30^\circ$

【操作】将三角板 DEF 的直角顶点 E 放置于三角板 ABC 的斜边 AC 上，再将三角板 DEF 绕点 E 旋转，并使边 DE 与边 AB 交于点 P ，边 EF 与边 BC 于点 Q

【探究一】在旋转过程中，

(1) 如图 2，当 $\frac{CE}{EA}=1$ 时， EP 与 EQ 满足怎样的数量关系？并给出证明 .

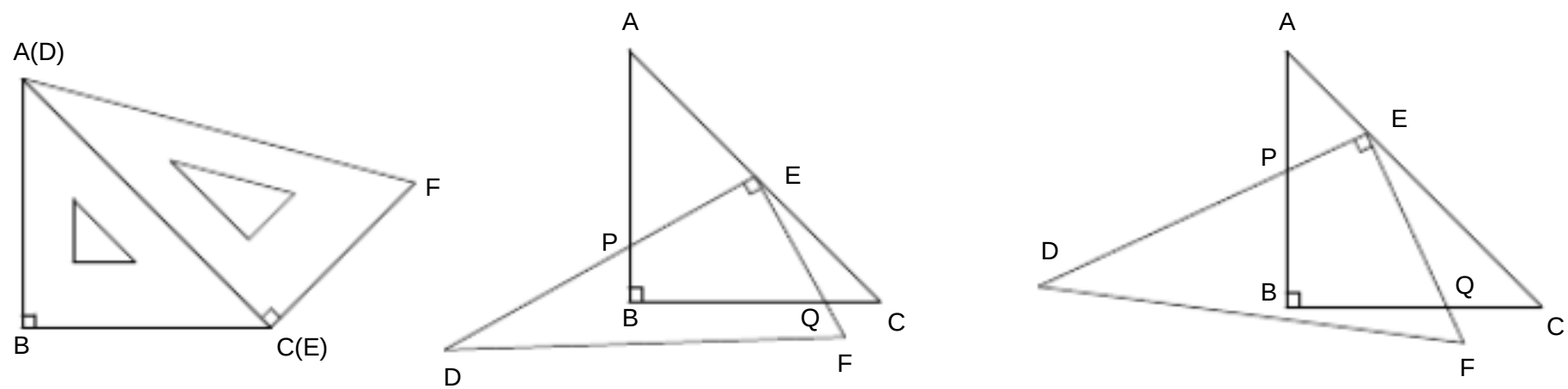
(2) 如图 3，当 $\frac{CE}{EA}=2$ 时 EP 与 EQ 满足怎样的数量关系？，并说明理由 .

(3) 根据你对 (1)(2) 的探究结果，试写出当 $\frac{CE}{EA}=m$ 时， EP 与 EQ 满足的数量关系式为 _____,其中 m 的取值范围是 _____(直接写出结论，不必证明)

【探究二】若， $AC=30\text{cm}$, 连续 PQ , 设 $\triangle EPQ$ 的面积为 $S(\text{cm}^2)$ ，在旋转过程中：

(1) S 是否存在最大值或最小值？若存在，求出最大值或最小值，若不存在，说明理由.

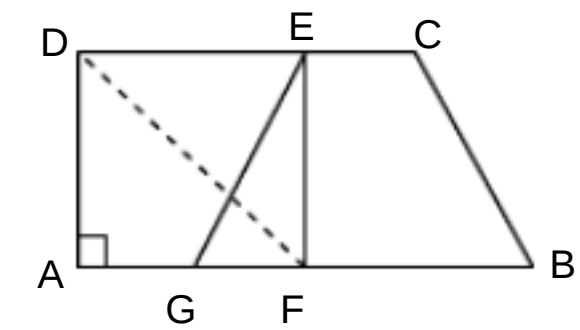
(2) 随着 S 取不同的值，对应 $\triangle EPQ$ 的个数有哪些变化？写出相应 S 值的取值范围 .



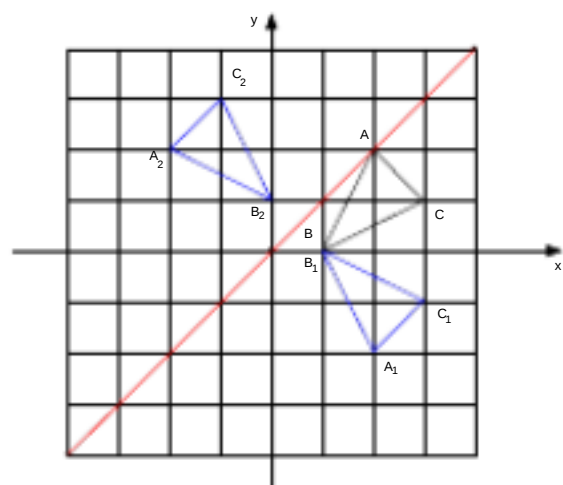
10. 如图，在直角梯形纸片 $ABCD$ 中， $AB \parallel DC$, $\angle A=90^\circ$, $CD > AD$, 将纸片沿过点 D 的直线折叠，使点 A 落在边 CD 上的点 E 处，折痕为 DF . 连接 EF 并展开纸片 .

(1) 求证：四边形 $ADFE$ 是正方形；

(2) 取线段 AF 的中点 G , 连接 EG , 如果 $BG=CD$, 试说明四边形 $GBCE$ 是等腰梯形 .



答案：



1. 略 2.10 3. $2\sqrt{5}$ 4.C 5.D 6.A

7. 解：如下图所示，(4) 对称中心是 (0, 0)

8. 解：(1) $2, 60^\circ; 2;$

(2) AO_1O_2 经过旋转相似变换 $A(\sqrt{2} 45^\circ)$, 得到 AB_1 , 此时, 线段 O_1O_2 变为线段 B_1 ;

C_1B_1 经过旋转相似变换 $C\left(\frac{\sqrt{2}}{2} 45^\circ\right)$, 得到 CAO_2 , 此时, 线段 B_1 变为线段

$$AO_1 \quad \therefore \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 1, \quad 45^\circ + 45^\circ = 90^\circ, \quad \therefore O_1O_2 = AO_2,$$

$$O_1O_2 \perp AO_2.$$

9. 解：【探究一】(1) 作 $EM \perp AB$ 于点 M , 作 $EN \perp BC$ 于点 N , 连接 BE

$$\because \angle ABC = 90^\circ, \therefore \angle MEN = 90^\circ$$

$$\because AB = BC, CE = EA, \therefore BE \text{ 为 } \angle ABC \text{ 的平分线} \therefore EM = EN$$

若点 M, P 重合, 显然 $EP = EQ$

$$\text{若点 } M, P \text{ 不重合, } \because \angle MEP = \angle NEQ = 90^\circ - \angle PEN, \therefore \text{Rt } \triangle EPM \cong \text{Rt } \triangle ENQ, \therefore EP = EQ$$

综上, $EP = EQ$.

(2) 作 $EM \perp AB$ 于点 M , 作 $EN \perp BC$ 于点 N

$$\because \angle ABC = 90^\circ, \therefore EM \parallel BC, \therefore \triangle AME \sim \triangle ABC \therefore \frac{EM}{BC} = \frac{AE}{AC} = \frac{1}{3}$$

$$\text{同理, } \frac{EN}{AB} = \frac{2}{3} \therefore AB = BC, \therefore \frac{EM}{EN} = \frac{1}{2}$$

$$\text{若点 } M, P \text{ 重合, 显然 } \frac{EP}{EQ} = \frac{EM}{EN} = \frac{1}{2}$$

$$\text{若点 } M, P \text{ 不重合, } \because \angle MEP = \angle NEQ = 90^\circ - \angle PEN \therefore \text{Rt } \triangle MEP \cong \text{Rt } \triangle ENQ \therefore \frac{EP}{EQ} = \frac{EM}{EN} = \frac{1}{2}$$

$$\text{综上, } \frac{EP}{EQ} = \frac{1}{2}$$

$$(3) \frac{EM}{EQ} = \frac{1}{m}, 0 < m \leq 2 + \sqrt{6}$$

$$\text{【探究二】(1) 设 } EQ = x, \text{ 则 } S_{\triangle EPQ} = \frac{1}{2} EP \cdot EQ = \frac{1}{4} EQ^2 = \frac{1}{4} x^2, \text{ 其中 } 10\sqrt{2} \leq x \leq 10\sqrt{3}.$$

$$\therefore \text{当 } x = EN = 10\sqrt{2} \text{ cm 时, } S_{\triangle EPQ} \text{ 取得最小值 } 50 \text{ cm}^2.$$

$$\text{当 } x = EB = 10\sqrt{3} \text{ cm 时, } S_{\triangle EPQ} \text{ 取得最大值 } 75 \text{ cm}^2.$$

$$(2) \text{当 } x = EB = 5\sqrt{10} \text{ 时, } S_{\triangle EPQ} = 62.5 \text{ cm}^2$$

故当 $50 < S \leq 62.5$ 时, 对应 $\triangle EPQ$ 有 2 个. 当 $S = 50$ 或 $62.5 < S \leq 75$ 时, 对应 $\triangle EPQ$ 有 1 个.

10 . 证明 : (1) $\because \angle A = 90^\circ$, $AB \parallel DC$, $\therefore \angle ADE = 90^\circ$.

由沿 DF 折叠后 $\triangle DAF$ 与 $\triangle DEF$ 重合 , 知 $AD = DE$, $\angle DEF = 90^\circ$.

$\therefore$ 四边形 $ADFE$ 是矩形 , 且邻边 AD , AE 相等 .

$\therefore$ 四边形 $ADFE$ 是正方形 .

(2) $\because CE \parallel BG$, 且 $CE \neq BG$, $\therefore$ 四边形 $GBCE$ 是梯形 .

$\because$ 四边形 $ADFE$ 是正方形 , $\therefore AD = FE$, $\angle A = \angle GFE = 90^\circ$.

又点 G 为 AF 的中点 , $\therefore AG = FG$. 连接 DG .

在 $\triangle AGD$ 与 $\triangle FGE$ 中 , $\because AD = FE$, $\angle A = \angle GFE$, $AG = FG$,

$\therefore \triangle AGD \cong \triangle FGE$, $\therefore \angle DGA = \angle EGB$.

$\because BG \parallel CD$, $BG \neq CD$, $\therefore$ 四边形 $BCDG$ 是平行四边形 .

$\therefore DG \parallel CB$. $\therefore \angle DGA = \angle B$. $\therefore \angle EGB = \angle B$.

$\therefore$ 四边形 $GBCE$ 是等腰梯形 .

注 : 第 (2) 小题也可过点 C 作 $CH \perp AB$, 垂足为点 H , 证 $\triangle EGF \cong \triangle CBH$.

